

מדינת ישראל

משרד החינוך

دولة إسرائيل وزارة التربية والتعليم

نوع الامتحان: بجروت

موعد الامتحان: صيف 2020

رقم النموذج: 035581

ملحق: لوائح قوانين لـ 5 وحدات تعليمية

ترجمة إلى العربية (2)

סוג הבחינה: בגרות

מועד הבחינה: קיץ תש"ג, 2020

מספר השאלה: 035581

נספח: דפי נוסחאות ל-5 יח"ל

תרגום לעברית (2)

الرياضيات 5 وحدات تعليمية - النموذج الأول

تعليمات للممتحن

أ. مدة الامتحان: ثلاثة ساعات ونصف.

ب. مبني النموذج وتوزيع الدرجات:

في هذا النموذج ثلاثة فصول.

الفصل الأول: الجبر

والاحتمال $20 \times 2 = 40$ درجة

الفصل الثاني: الهندسة وحساب

المثلثات في المستوى $20 \times 1 = 20$ درجة

الفصل الثالث: حساب التفاضل والتكامل

للبولينومات ولدوال الجذر

وللدوال النسبية وللدوال

المثلثية $20 \times 2 = 40$ درجة

المجموع - 100 درجة

ج. مواد منساعدة يسمح استعمالها:

1. حاسبة غير بيانية. لا يسمح استعمال إمكانيات البرمجة في الحاسبة التي يمكن برمجتها. استعمال الحاسبة البيانية أو إمكانيات البرمجة في الحاسبة قد يؤدي إلى إلغاء الامتحان.

2. لوائح قوانين (مرفقة).

د. تعليمات خاصة:

1. لا تنسخ السؤال؛ اكتب رقمه فقط.

2. ابدأ كل سؤال في صفحة جديدة. اكتب في الدفتر مراحل الحل، حتى إذا أجريت حساباتك بواسطة حاسبة.

فسر كل خطواتك، بما في ذلك الحسابات، بالتفصيل وبوضوح وترتيب.

عدم التفصيل قد يؤدي إلى خصم درجات أو إلى إلغاء الامتحان.

اكتب في دفتر الامتحان فقط. اكتب "مسودة" في بداية كل صفحة تستعملها مسودة.

كتابة آية مسودة على أوراق خارج دفتر الامتحان قد تسبّب بإلغاء الامتحان.

التعليمات في هذا النموذج مكتوبة بصيغة المذكر ومحكمة للممتحنات وللممتحنين على حد سواء.

نتمنى لك النجاح!

מתמטיקה

5 יחידות לימוד – שאלון ראשון

הוראות לנבחן

א. משך הבחינה: שלוש שעות וחצי.

ב. מבנה השאלה ופתחה הערכיה:

בשאalon זה שלושה פרקים.

פרק ראשון: אלגברה

והסתברות $20 \times 2 = 40$ נק'

פרק שני: גאומטריה וטיריגונומטריה

במשור $20 \times 1 = 20$ נק'

פרק שלישי: חישוב דיפרנציאלי וaintegral

של פולינומים, של פונקציות שורש,

של פונקציות ציונליות ושל פונקציות

טיריגונומטריות $20 \times 2 = 40$ נק'

סה"כ - 100 נק'

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

1. מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות

התכונות במחשבון הנitin לתכנות. שימוש

במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות

במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.

2. דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

1. אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

2. התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשות

במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר

הчисולים מתבצעים בעוזרת מחשבון.

הסביר את כל פעולותך, כולל חישובים,

בפירוט ובצורה ברורה ומוסדרת.

חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון

או לפסילת הבחינה.

בהצלחה!

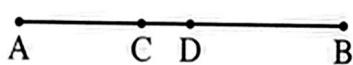
الأسئلة

انتبه! فسر كل خطواتك، بما في ذلك الحسابات، بالتفصيل وبوضوح.
عدم التفصيل قد يؤدي إلى خصم درجات أو إلى إلغاء الامتحان.

الفصل الأول: الجبر والاحتمال (40 درجة)

أجب عن اثنين من الأسئلة 1-3 (لكل سؤال - 20 درجة).

انتبه! إذا أجبت عن أكثر من سؤالين، تُفحص فقط الإجابات الأوليَّات الثلاث في دفترك.



١. تتدرب سلمى على ركوب الدراجة الهوائية، وتتدرب رنا على المشي والعدو.

خرجت كلياً من نفس الوقت من النقطة A باتجاه النقطة B.

سافرت سلمى على دراجتها الهوائية بسرعة ثابتة، ومشت رنا بسرعة ثابتة.

وصلت سلمى إلى النقطة B عندما وصلت رنا إلى النقطة C ، التي تقع بين النقطة A والنقطة B

$$\text{حيث } \frac{AC}{AB} = \frac{3}{8}$$

أ. ما هي النسبة بين سرعة مشي رنا وسرعة سفر سلمى؟ علل.

مباشرةً بعد ذلك، واصلت رنا مشيها من النقطة C باتجاه النقطة B بسرعةها الابتدائية، بينما عادت سلمى

على دراجتها الهوائية من النقطة B باتجاه النقطة A بسرعة أكبر بـ 3 كم/الساعة من سرعتها الابتدائية.

التقت سلمى ورنا في النقطة D ، التي تقع بين النقطة C والنقطة B (انظر الرسم التوضيحي).

$$\text{معطى أن: } \frac{CD}{DB} = \frac{6}{19}$$

ب. احسب سرعة سلمى الابتدائية، وسرعة رنا الابتدائية.

مباشرةً بعد أن التقت سلمى ورنا في النقطة D ، خرجتا باتجاه النقطة A : سلمى واصلت سفرها على دراجتها

الهوائية بنفس السرعة التي سافرت بها باتجاه النقطة A ، بينما زادت رنا سرعتها بـ k كم/الساعة (k هو عدد

موجب).

وصلت سلمى إلى النقطة A قبل أن تتمكن رنا من قطع نصف المسافة من D إلى A .

ج. ما هو مجال القيم الممكنة لـ k ؟ علل.

.2. a_n هي متولية هندسية تحوي n حدود وأساسها هو q .

جميع الحدود في المتولية a_n هي أعداد طبيعية.

معطى أن: مجموع $4 - n$ الحدود الأولى في المتولية هو أصغر بـ 16 ضعفاً من مجموع حدود المتولية ابتداءً من الحد الخامس (بما فيها الحد الخامس).

أ. (1) عَبَرْ عن مجموع حدود المتولية a_n ابتداءً من الحد الخامس (بما في ذلك الحد الخامس) بدلالة a_5 و q و n .

(2) جد أساس المتولية.

نُعرف متولية جديدة، $b_k = a_k + a_{k+1} + a_{k+2}$ ، تحوي $2 - n$ حدود، ويتحقق فيها: لكل $k \leq n - 2$

ب. (1) برهن أن المتولية b_k هي متولية هندسية.

(2) برهن أن كل واحد من حدود المتولية b_k يقسم على 7 بدون باقٍ.

ج. c_n هي متولية هندسية لانهائية فيها $c_1 = \frac{1}{b_1}$ و $c_2 = \frac{1}{b_2}$.
مجموع المتولية c_n يساوي $\frac{1}{91}$.

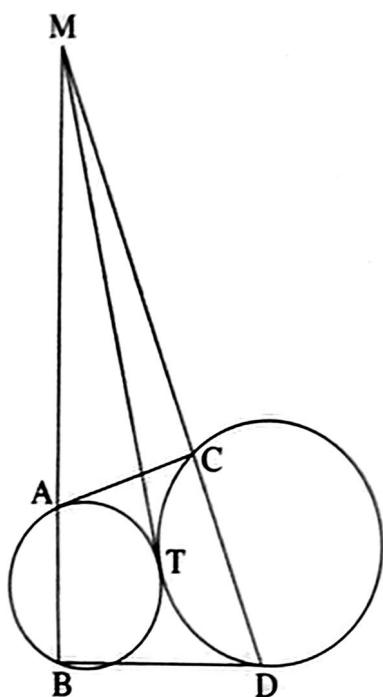
احسب a_1 .

3. يوجد في جرة 11 كرة مرقمة بترتيب تصاعدي، من 1 حتى 11.
يُخرجون عشوائياً كرة من الجرة ويسجلون العدد الذي على الكرة.
إذا كان العدد الذي على الكرة فردياً، يُعيدونها إلى الجرة، وإذا كان زوجياً، لا يُعيدونها.
بعد ذلك، يُخرجون مرة أخرى عشوائياً كرة من الجرة ويسجلون العدد الذي عليها.
أ. ما هو الاحتمال بأن يكون قد سُجل عددان حاصل ضربهما زوجي؟
ب. معلوم أن حاصل ضرب العددين اللذين سُجلا هو زوجي.
جد الاحتمال بأن يكون العدد المسجل على الكرة الأولى التي أخرجوها فردياً.
يوجد في جرة أخرى عدد زوجي من الكرات مرقمة بترتيب تصاعدي (1, 2, 3 ...).
يُخرجون عشوائياً كرة من الجرة، ويسجلون العدد الذي على الكرة، ويعيدونها إلى الجرة، وبعد ذلك يُخرجون مرة ثانية عشوائياً كرة من الجرة ويسجلون العدد الذي عليها.
ج. (1) جد الاحتمال بأن يكون حاصل ضرب العددين اللذين سُجلا زوجياً.
(2) يُخرجون من الجرة k كرات. في كل مرة يُخرجون فيها كرة، يُسجلون العدد الذي عليها ويعيدونها إلى الجرة.
عبر بدلالة k عن الاحتمال بأن يكون حاصل ضرب جميع الأعداد التي سُجلت زوجياً.

الفصل الثاني: الهندسة وحساب المثلثات في المستوى (20 درجة)

أجب عن أحد السؤالين 5-4.

انتبه! إذا أجبت عن أكثر من سؤال واحد، تفحص فقط الإجابة الأولى التي في دفترك.



4. معطاة دائرة تمر بـ C و D، مارسها مترى كـ T. .

مروا عبر النقطة T مماساً مشتركاً للدائرةتين.

من النقطة M التي على المماس مروا مستقيمين يقطعان الدائريتين في النقاط A و C و B و D، كما هو موصوف في الرسم.

أ. (1) برهن أن: $MA \cdot MB = MC \cdot MD$.

(2) برهن أن الشكل الرباعي ABDC قابل للحصر في دائرة.

معطى أن: مساحة المثلث MAC تساوي مساحة الشكل الرباعي ABDC.

ب. جد النسبة $\frac{BD}{AC}$.

معطى أن: قطر الشكل الرباعي ABDC يعادل أحدهما الآخر،

AD هو قطر في الدائرة التي تحصر الشكل الرباعي ABDC.

ج. برهن أن المثلث ABC هو متساوي الساقين.

5. ABC هو متساوي الساقين فيه $AB = AC = a$ (انظر الرسم).

BD هو مستقيم متواسط في المثلث ABC. معطى أن: $BD = a$.

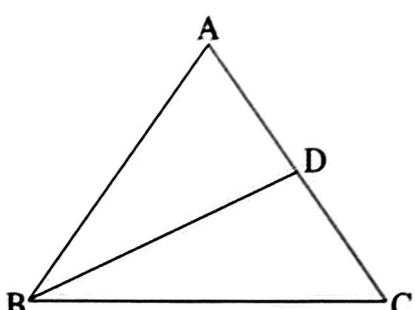
النقطة M هي ملتقى المستقيمات المتواسطة في المثلث ABC.

أ. عَبر عن BC بدلالة a.

ب. احسب زوايا المثلث BMC.

ج. معطى أن: $AM = 6$.

احسب مساحة المثلث ABC.



الفصل الثالث: حساب التفاضل والتكامل للبولينومات ولدوال الجذر وللدوال النسبية وللدوال المثلثية
(40 درجة)

أجب عن اثنين من الأسئلة 6-8 (لكل سؤال - 20 درجة).

انتبه! إذا أجبت عن أكثر من سؤالين، تفحص فقط الإجابتان الأوليان اللتان في دفترك.

6. معطاة الدالة $f(x) = \frac{\sqrt{(x+1)(x-a)}}{x-2}$. $a > 2$ هو بارامتر.

أجب عن البند "أ". عبر بدلالة a إذا دعت الحاجة.

أ. (1) ما هو مجال تعريف الدالة $f(x)$ ؟

(2) ما هي إحداثيات نقاط تقاطع الرسم البياني للدالة $f(x)$ مع المحورين؟

(3) جد معادلات خطوط التقارب المعتمدة للمحورين، للدالة $f(x)$.

معطى أن: $f(a+2) = -f(2-a)$.

ب. جد a .

عُوض $a = 5$ ، وأجب عن البنددين "ج-د".

ج. (1) جد مجالات تصاعد وتنازل الدالة $f(x)$ (إذا وُجدت مثل هذه المجالات).

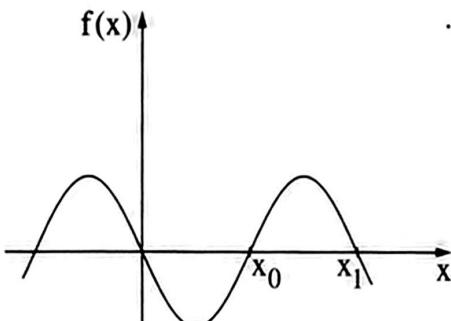
(2) ارسم رسمًا بيانيًّا تقربيًّا للدالة $f(x)$.

د. ارسم رسمًا بيانيًّا تقربيًّا للدالة $f(x+2)$.

. 7. أمامك جزء من الرسم البياني للدالة الدورية $f(x)$.

الرسم البياني للدالة $f(x)$ يمر في نقطة أصل المحاور، ويقطع المحور x أيضاً في نقطتين اللتين فيها $x_0 = x_1$ ، كما هو موصوف في الرسم.

إحدى المعادلات التي أمامك (IV-I) تصف الدالة $f(x)$. $a \neq 0$ هوParameter.



$$y = a^2 \sin x . I$$

$$y = a \sin 2x . II$$

$$y = a^2 \cos x . III$$

$$y = a \cos 2x . IV$$

أ. (1) حدد أيّة معادلة من المعادلات I-IV هي معادلة الدالة $f(x)$. علل.

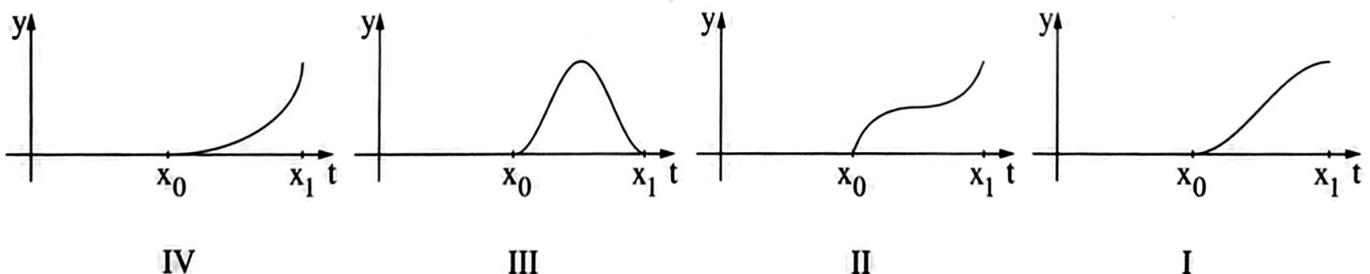
(2) حدد ما هو مجال القيم الممكنة للبارامتر a . علل.

(3) ما هي قيمتا x_0 و x_1 ؟

ب. عبر بدلالة a عن المساحة الممحصورة بين الرسم البياني للدالة $f(x)$ والمحور x في المجال $x_0 \leq x \leq x_1$.

$$\text{نرمز: } S(t) = \int_{x_0}^t f(x) dx . \text{ معطى أن: } x_0 \leq t \leq x_1$$

ج. أمامك أربعة رسوم بيانية (IV-I). أي رسم بياني من الرسوم البيانية I-IV يصف الدالة $S(t)$ ؟ علل.



8. معطاة الدالة $f(x) = \frac{x^4 + 2x^3 - 21x^2 - 22x + 40}{x + 2}$.

- أ. (1) ما هو مجال تعريف الدالة $f(x)$?
 (2) هل يوجد للدالة $f(x)$ خط تقارب عمودي؟ علل.

معطاة الدالة $g(x) = x^3 - 21x + 20$.

- ب. (1) بالنسبة لايّة قيم x ، $f(x) = g(x)$ ؟ علل.

(2) جد إحداثيات النقاط القصوى للدالة $f(x)$ ، وحدّد نوع هذه النقاط.

نقاط تقاطع الرسم البياني للدالة $f(x)$ مع المحور x هي $(4,0)$ و $(1,0)$ و $(-5,0)$.

ج. ارسم رسمًا بيانيًّا تقربيًّا للدالة $f(x)$.

د. $t > 0$ هو بارامتر.

بالنسبة لايّة قيمة t ، يحصل التعبير $\int_0^t f(x) dx$ على أصغر قيمة ممكنة؟ علل.

בָּהֶצְלָחָה!
 نتمنى لك النجاح!
 זכויות היוצרים שמורות למדינת ישראל.
 אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך.
 حقوق الطبع محفوظة لدولة إسرائيل.
 التسخ أو النشر ممنوعان إلا بإذن من وزارة التربية والتعليم.